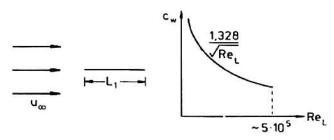
Prof. DrIng. Holger Fo Lehrstuhl Strömungsmech		SS201	2/2
Name:	Vorname:	<u>Punkt</u>	<u>e:</u>
MatrNr.:	MB-DI / MB-DII / I BSc-MB / BSc-MB		
ı	KLAUSUR STRÖM Fragenteil		
<u>Bi</u>	tte direkt auf die Angabe sch	reiben, Blatt wenden!	
1) Wie ist die Prandtl-Zahl det	finiert und wie kann man sie inter	pretieren? (2P)	
2) Welchen Wert nimmt die Ro	eynoldszahl für kriechende und fü	ür reibungsfreie Strömungen an? (2	P)
	dtl-Sonde und geben Sie die z inkompressibler Strömung bestim	zu messenden Größen an. Wie nmt werden? (5P)	kann daraus die
4) Wie lautet der Prandtl'sche	Mischungswegansatz? (1P)		
		1.1	
	vird inkompressibel, reibungsfrei e auf den Körper wirkende Kraft?		
 b) Hat der Körper einen W 	Viderstand? (TP)		

c) Was besagt der Satz von Kutta-Jukowski? (1P)

6) Von zwei quadratischen Platten wird die eine senkrecht, die andere parallel angeströmt. Die Abbildung zeigt den Widerstandsbeiwert über der Reynoldszahl gebildet mit der jeweiligen Plattenlänge und der Anströmgeschwindigkeit.



$$\begin{array}{c|c}
\hline
 & c_w \\
\hline
 & l_z \\
\hline
 & l_z \\
\hline
 & 1.1 \\
\hline
 & Re_L
\end{array}$$

$$u_{\infty} = 5 \text{ m/s}$$
 $L_1 = 1 \text{ m}$ $\rho = 1,25 \text{ kg/m}^3$
 $v = 15 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$

- a) Erläutern Sie den Unterschied zwischen Reibungs- und Druckwiderstand? (2P)
- b) Wie groß muss L2 sein, damit die Widerstände gleich groß sind (Ann. Re2>1000) (5P)?

- c) Wie skaliert (näherungsweise) der Widerstand mit der Anströmgeschwindigkeit (2P)?
- 3) Nachdenkfrage: Die kritische Machzahl Ma_c in der Umströmung eines Körpers ist definiert als diejenige Machzahl, bei der erstmals eine supersonische Strömung an einem Punkt an der Körperkontur erreicht wird (wir nehmen Reibungsfreiheit an). Was denken Sie, hat ein unendlich ausgedehnter Zylinder oder eine Kugel (angeströmt in radialer Richtung) eine höhere Ma_c ? Kurze Begründung. (3P)

Name:	
Vorname:	
MatrNr.:	
MB-DI / MB-DII / IP-DII / WIW-DI	Ι

BSc-MB / BSc-MBD / BSc-BIBME

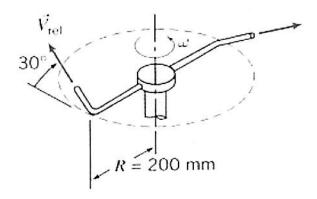
Aufg.	Punkte
1	
2	
3	
Σ	

KLAUSUR STRÖMUNGSLEHRE

Achtung: nicht alle Angaben sind zur Bearbeitung der Teilaufgaben notwendig!

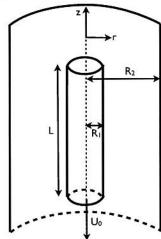
1) Gegeben ist der folgende, abgebildete Rasensprenger. Er operiert bei einem Einlass-Überdruck von 140kPa und der gesamte Volumenstrom ist 4.0L/min. Jeder Freistrahl aus den Enden besitzt eine Anfangsgeschwindigkeit von 17m/s (relativ zum Sprinklerarm) in eine Richtung, die gegenüber der horizontalen um 30 Grad nach oben geneigt ist. Er rotiert um eine vertikale Achse und die Reibung erzeugt ein Drehmoment von 0.18Nm entgegen der Drehrichtung.

Annahme: stationär, uniforme Strömung, laminar



- a) Geben Sie zuerst die Geschwindigkeitskomponenten am Rohraustritt in und senkrecht zur Rotationsebene, sowie den Massenfluss durch ein Rohrende an.
- b) Wie groß ist die stationäre Rotationsgeschwindigkeit ω?
- c) Wie groß ist das Moment, sollte der Sprinkler festgehalten werden?
- d) Wie groß ist die von dem Wasserspray benetzte Fläche für Aufgabe b)?

2) In einem senkrecht stehenden Rohr (Radius R₂), gefüllt mit einem homogenen Fluid (Dichte ρ_F=const., Viskosität μ=const.) bewegt sich ein zylindrischer Stift (Radius R₁, Länge L, Dichte ρ_k=const.,) mit konstanter Geschwindigkeit U₀. Für eine näherungsweise Berechnung sollen folgende Annahmen gemacht werden:



- Im Ringspalt liegt eine über die gesamte Stiftlänge L laminare, inkompressible und stationäre Strömung vor
- Der Druckgradient ∂p/∂xi ist nur von der Vertikalkomponente z abhängig und kann aus der hydrostatischen Grundgleichung berechnet werden. Er ist konstant.
- Für das Gewicht des Stiftes ist L die relevante Abmessung
- Sämtliche Strömungsgrößen ausser dem Druck sind eine Funktion von r allein (voll entwickelt)
- Gegeben: R₂, L, $x=R_1/R_2$, U₀, ρ_k , ρ_F , g, μ
- a) Wie lautet die Beziehung für den Druckgradienten im vorliegenden Fall?
- b) Welche Randbedingung erfüllen die Geschwindigkeiten? Zeigen Sie anhand der Konti-Gleichung, dass $u_r=0$ ist: $\frac{\partial u_z}{\partial z} + \frac{1}{r} \frac{\partial r u_r}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial u_{\varphi}}{\partial \varphi} = 0$. (Tipp: Nutzen Sie die Randbedingung)
- c) Gegeben ist die NS-Gleichung in z-Richtung

$$\frac{\partial \rho u_z}{\partial t} = -\frac{\partial \rho u_z u_z}{\partial z} - \frac{1}{r} \frac{\partial \rho u_z u_\varphi}{\partial \varphi} - \frac{1}{r} \frac{\partial r \rho u_z u_r}{\partial r} - \frac{\partial p}{\partial z} + V_z$$

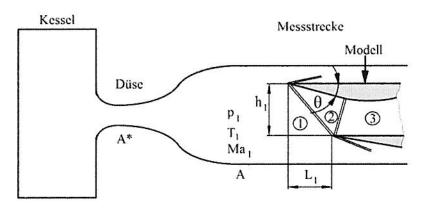
mit

$$V_z = \frac{\partial \tau_{zz}}{\partial z} + \frac{1}{r} \frac{\partial \tau_{z\varphi}}{\partial \varphi} + \frac{1}{r} \frac{\partial r \tau_{zr}}{\partial r} - \rho_F \cdot g \quad \text{ und } \quad \tau_{zr} = \mu \frac{\partial u_z}{\partial r}$$

Vereinfachen Sie die Gleichung so weit wie möglich, unter Verwendung der oben genannten Annahmen, sowie a) und b), so dass sie eine gewöhnliche Differentialgleichung für $\tau_{zr}(r)$ erhalten.

- d) Ermitteln Sie die Schubspannung $\tau_{zr}(r)$ sowie die Geschwindigkeit $u_z(r)$ durch Integration unter Verwendung der Randbedingungen.
- e) Für welches Radienverhältnis gibt es an der Stiftwand die geringste Wandschubspannung? (Rechnen Sie mit $\tau_{zr} = const \frac{U_0}{r \ln(R_1/R_2)}$ falls Sie d) nicht lösen konnten)
- f) Skizzieren Sie Geschwindigkeit und Schubspannung für $U_0 > 0$ und $U_0 < 0$ (Hinweis: sollten Sie Teilaufgabe d) nicht gelöst haben nutzen Sie auch hier die Angabe in e))

3) Der Einlass des Strahltriebwerks eines Überschallflugzeugs hat die Aufgabe, mit einer Kombination schräger und ebener Verdichtungsstöße die angesaugte Luft zu komprimieren, um der nachfolgenden Brennkammer eine subsonische Strömung bereitzustellen. Ein maßstäbliches Modell eines solchen Triebwerkseinlasses soll in einem Überschallwindkanal untersucht werden. Die Überschallströmung in der Messtrecke wird durch eine Laval-Düse erzeugt, die an einem sehr großen Kessel angeschlossen ist. Der Druck und die Temperatur der Überschallströmung in der Messtrecke sollen den realen Umgebungsbedingungen einer Flughöhe von H= 12km entsprechen.
Im Triebwerkseinlass bilden sich ein schräger und ein ebener Verdichtungsstoß. Die Luft strömt nach dem zweiten Stoß subsonisch weiter. Der Massenstrom der in das Triebwerk angesaugten Luft ist m.



Gegeben sind: Ma₁=3; p₁=0,2bar, T₁=217K; γ =1,4; R=287J/(Kg K); A₁/A*=4,23; b=0,1m; m=6kg/s; θ =25°, H=12km

- a) Wie hoch muss der Druck po im Kessel sein, damit für Mai der Druck po erreicht wird?
- b) Auf welche Temperatur T₀ muss die Luft im Kessel vorgewärmt werden, damit T₁ erreicht wird?
- c) Berechnen Sie die Luftdichte ρ_0 im Kessel und ρ_1 in der Messtrecke.
- d) Das Modell des Triebwerkseinlasses habe die Tiefe b zur Zeichenebene. Wie groß muss die Höhe h₁ des Einlasses sein, damit der erforderliche Massenstrom m angesaugt werden kann?
- e) Die Position der unteren Einlasslippe kann verstellt werden, um den Triebwerkseinlass auf verschiedene Anströmmachzahlen einzustellen. Wie groß muss der horizontale Abstand L₁ bei dem gegebenen Ablenkwinkel θ und der Einlasshöhe h₁ gewählt werden, damit der erste Stoß genau an den beiden Einlasslippen anliegt (Hinweis: Wenn Sie d) nicht lösen konnten, rechnen Sie mit h₁=0,03m weiter)?
- f) Wie groß sind die Mach-Zahl Ma3 und der Druck p3 hinter dem zweiten Stoß?
- g) Bestimmen Sie den Totaldruckverlust im Triebwerkseinlass.

	201128	52722		28388	92828	342			eenks	=6855	REHER	Apper	ยู่หล่อย	28228	22735	Z 2555	89988	2885	٤
	100 100 100 100 100 100 100 100 100 100	988E9	2555	2555	0 424 0 667 0 728 0 728 0 728 0 728	p e			£8888	57.00 S S S S S S S S S S S S S S S S S S	2006 2006 1916 1916	2522	600 600 600 600 600 600 600 600 600 600	500 500 500 500 500 500 500 500 500 500	55 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	99166 9166 9306	22.55 10.55	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100	नाष
	1155 1155 1155 1155 1155		255 255 255 255 255 255 255 255 255 255	3975 3975 3975 3975 3975 3975 3975	655 655 655 655 655 655	عا ۋ			9106 9106 9106	NO.	55555	19864	85858	55558 58588	88838	9318 940 940 958 958		2866 8666 9000 111	210
	¥NUUU	5888£	77 N N N N N N N N N N N N N N N N N N	NOW 8191 8163 8168	0 SAN	ala			888 888 888 888 888 888 888 888 888 88	19 SEE	9000 1000 1000 1000	18228	522X	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	25 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	25.00 25.00	5845 5845 5845 5845		714
			-			۵			40438	98 9 9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	NGA 9626 9626 1963	M16 0916 1216 2036 6236	0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000	11111	14131	982 982 983 983 983 983 983 983 983 983 983 983	250 250 250 250 250 250 250 250 250 250	\$55 E	20
	-	2255	es resulting		-	-			59555	11000	888	1200	MA 44 4	285 285 285 285 285 285 285 285 285 285		H 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	21125 21125	1988 1988	Āle
	15800	19385	2552	19885	54282	ماذ	TABLE	-	5855	48388	11111	11111 1085E	2000	1 1 2 1 9 6 7 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	11111	11111	9 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1-1-
	25425	96898	38289	88888	33888	-1-	E II	-	52455		-		-			2000000			215
	2001 1008 11111 1112 1112 1112 1112 1112	1998	1.08124 1.08913 1.09699 1.110479	10475 10475	1 012421 1 02421 1 01628 1 00631	217	SUPE	-	HE CHA	29356	¥6863	20000	25221	53196	92828	88981	255 255 255 255 255 255 255 255 255 255	3833	ī
1		44444 3 8665	2210H	Exuat	e		SUPERSONIC	8	89588	15528	22033	15528	ลลลลล	59953	82782	20028	ន់នៃឯងដ	वैद्यस्य	1 4
	nvens	95555	22525	80883	23228	-	C FLOW	150	250 250 250 250 250 250 250 250 250 250	\$55 \$ \$	88888 8888 8888 8888 8888 8888 8888 8888	2222	65000	7145 7080 7085	16556	88338	0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000	96195	āla
		ABEER GEERE			900 1 1 000 1 1 900 1 1 900 1 1 900 1 1 900 1 1 900 1	, x,	=	. 6339	9598	62.00	1266 1266 1907 1907 1907		7737	11 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1	9008 9108 9118 9118	200	1 8 4 8 5 4 8 5 4 8 5 4 8 5 5 4 8 5 5 5 5	20288	2.
	22002	*****	22272	55225	88888	2 3		. SISS	28.25.25 2.25.25.25	1000	\$ 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	25858	\$3533	5063 5063 5063 5063 5063	100 E	250 250 250 250 250 250 250 250 250 250	0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000	9449 1818 1818 1818 1818 1818 1818 1818	714
	12522 12522 12522	28828 28828	######################################	21610 1110 1110 11	1000	3/3		uco.	E3888	1021	555 555 555 555 555 555 555 555 555 55	552 552 552 552 553 553 553 553 553 553	60051	9949 9949 9949	99229	2545 2545 2645 2645 2645 2645 2645 2645	8246 8246 8746	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	t),
					1000 H 10	2.2		Select	9000	12128		ESAXS	2	2012	2000	2078 2078 2127	85811	98965	à le
-	2 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100	88888	9999	88888	P ₁		1.000	10001	00000 00000 00000 00000 00000	1.0103	11111	9421	20122	11025	11102	1. 2000 1. 2000 1. 2000	200 200 200 200 200 200 200 200 200 200	414
1	######################################	000	457	22228	603% 001% 162% 162%	312				1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100						2020000	36007 60405 61301		515

8=225 44444	28288 28288	969999 82322	88888	28828	22222	25528	99988	22222	52222	22222	\$8288 11111	25252 11111	28525	######	eeeee	######	SRHAR	382
1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100	EVEEN		178 E 188	#6#5#	52543	95377	1288	1906	200	HELEN	20328	948 788 788 788 788	25.88.22	3008 3008 3012 3012	157	3407 3407 3407 3407 3407 3407 3407 3407	.3861 .3769 .3768 .3768	مات
	E SE		######################################	22222	2527	HINNE	2906 2906 2906 2906 2906	3199 3189 3189 3098	1002 1002 1002 1002 1002	3465 3465 3465 3465 3465 3465 3465 3465	3750 3770 3672 3682 3693	37.06 98 98.06 98 98 98 98 98 98 98 98 98 98 98 98 98	4032 4032 4032	2000	4508 4508 4508 4508	28928	8821 8821 8831 8831 8831 8831 8831 8831	510
100 E			1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100	22528 82528	200 200 200 200 200 200 200 200 200 200	5000 5000 5000 5000 5000 5000 5000 500	6175 6175 6182 6182 6183	200	2020 2020 2020 2020 2020 2020 2020 202	280 8E	889 F 57	22 6 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	. 7040 . 7041 . 6954 . 6925	17000 17000		24585 24585	1351 1351 1351 1351 1351 1351 1351 1351	শ্ৰ
2864	11.12.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1 10.1.1	14859 14859	1288 11188 111111	111111	11155 1225 1225 1225 1225 1225 1225 122	111111	25555	21993	L 312 L 325 L 357 L 360	28224	2023Z	32555	\$2928 	200 23 1111 23	1155 1155 1155 1000	8307 8462 8788 8788	250 250 250 250 250 250 250 250 250 250	ъ
200	200 200 200 200 200 200 200 200 200 200	8 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	2007 2008 2008 2007 2007 2007 2007 2007	81122 11221	9000 9000 9000 9000 9000 9000 9000 900	3514 3514 3614	250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 250 0 250 250 250 0 250 250 250 0 250 250 0 250 250 0 250 250 0	55555	20022	12888	88888	20528		99999		\$6695 6688	25255	ماة
8868	88888	77778 2878	28888	25558 21111	20038 20038	95588	59888	98888	25 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	X9388	22922	25.883	2038 2025 2027 2027 2027 2027 2027 2027 2027	65868 	1108 1108 1108 1108 1108 1108	22938	39285	.H.
1408 0000 0108 1800 1800 1800 1800 1800	1,6450 1,0461 1,0461 1,0621 0,063	1.60200 1.60201 1.60201 1.60647	1.6256 1.61923 1.6256	1,59709 1,50002 1,50002 1,60049 1,600523	1.5/16 1.5/14 1.5/10 1.5/10 1.5/12	1.5456 1.54114 1.54526 1.55126	1,50006 1,51499 1,52029 1,5203 1,53078	1.000 1.000	11000	111111 1111111 11111111111111111111111	11111111111111111111111111111111111111	1.36458 1.37083 1.38706 1.38822	1 2002 1	2000 2000 2000 2000 2000 2000	200 200 200 200 200 200 200 200 200 200	1.23114 1.23819 1.38213 1.25213 1.25912	1. 19529 1. 20249 1. 20572 1. 21640 1. 22404	215
1988 1988 1988	22223 25222	38888 22223	HAMMA BEZDE	2225 225 255 255 255 255 255 255 255 25	114444 14444	22 22 22 23 22 23 23 23 23 23 23 23 23 2	20 19 27 20 18 27 20 18 27	1862 N 187 1862 N 187	55555 55065 55065	8444 8455 8455	28238 11000	###### \$68.628	212 212 212 212 212 213 213 213 213 213	1 9 9 9 5 1 2 2 2 3 3 1 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	\$6913	717777 200 200 200 200 200 200 200 200 200	262 202 202 203 203 203 203 203 203 203 20	
18283 18283	27238 22252	22228 25223	2555 2555 2555 2555 2555 2555 2555 255	82223 22222	##### ################################	22227 22222	##### \$####	82278 22223	88888 88888	22228 22228	文学的设施 实验证证	\$\$### \$2148	24444 3882	##### #####	###### ###############################	*****	22222 2222	
	86888	18181 18181	28838	5000 5007 5007 5007 5007 5007 5007 5007	9765 9100 9006 2900	2000 2000 2000 2000 2000 2000 2000 200	2000		5.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2	19021	5505E		70 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	PETER.	121111	200 CT	. 8126 . 8071 . 7903 . 7903	M ₂
2555 2555	SESAÑ	82848	69855	65168	1.879 1.973 1.987	25885		1323 1323 1364 1364 1364 1364 1364 1364 1364 136	2.12.23 2.12.23 2.12.23 2.12.23	22222 22223 22233	444444 26528	245 245 245 245 245 245 245 245 245 245	68788 66161	22 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22	121111 12222	1 805 1 805 1 807 2 808	11.056	ala
3832	32525 32525	여석석석석 종조출도당	22538 22588	18888 18888 19888	22232 22233	26258 24256	######################################	22222 22222 22222 22222 22222 22222 2222	28888	444444 88888 88888	88288	85858	£6593	22238	38888	28225 11111	92858	5 [3
egygg	25. 25. 25. 25. 25. 25. 25. 25. 25. 25.	82338 111125	20208	85558	1.566 1.585 1.585 1.585	Seres	1.52 2.50 2.50 2.50 2.50 2.50 2.50 2.50 2	28088	91986 91111		22422		1200 1200 11111111111111111111111111111	83888 	22588 	11289 12889	22528 88662	7,5
			725	100 E 100 E	SEE SE	2008 2008 2008 2008 2008 2008	. 8346 . 8302 . 8275 . 8171	SEN.	. 8720 . 8720 . 8640 . 8598	988		9298 9298 9298 9298		9557 1958 1958 1958	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100	17.00 17.00	. 9857 9857 9842	à 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12
52538	55555	99999	58388	72822		200	22222	44444	224	11211818	*******		20000	MET.		3965 3942 3367 3316	2911 2017 2017 2017 2017 2017 2017 2017	9 9

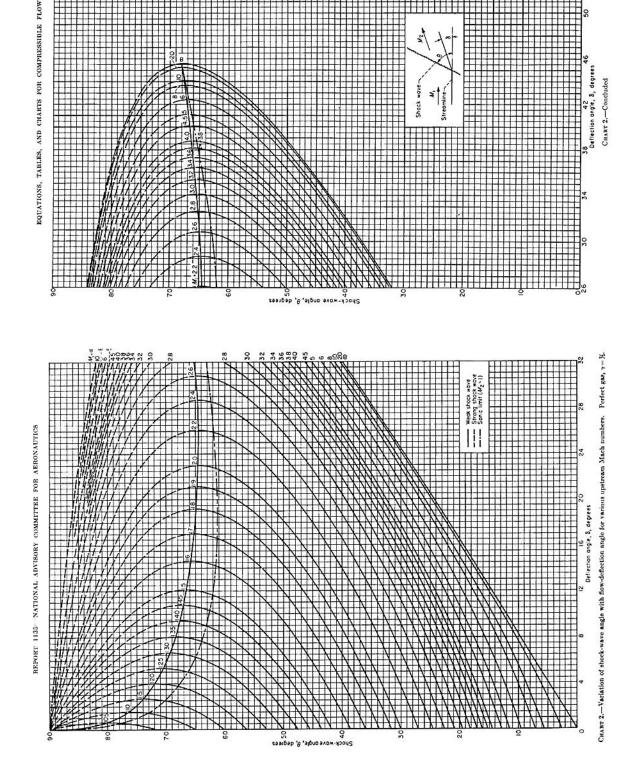
EQUATIONS, TABLES, AND CHARTS FOR COMPRESSIBLE FLOW

TABLE II.—SUPERSONIC FLOW—Continued

4 - - 5

y=7/5

							γ-7/5								
M or M ₁	$\frac{p}{p_t}$	<u>p</u>	$\frac{T}{T_t}$	8	$\frac{q}{p_t}$	A	<u>V</u>		μ.	М	P2 P1	<u>P1</u> P1	$\frac{T_2}{T_1}$	$\frac{p_{i_2}}{p_{i_1}}$	$\frac{p_1}{p_{i_2}}$
2.15	. 1011	. 1946	.5196	1, 903	.3272	1. 919	1, 69774	30, 425	27, 72	.5540	5, 226	2.882	1, 813	. 6311	. 1553
2.16	. 9956 -1	. 1925	.5173	1, 915	.3252	1. 935	1, 70183	30, 689	27, 58	.5525	5, 277	2.896	1, 822	. 6464	. 1540
2.17	. 9802 -1	. 1903	.5150	1, 926	.3231	1. 953	1, 70589	30, 951	27, 44	.5511	5, 327	2.910	1, 831	. 6419	. 1527
2.18	. 9849 -1	. 1882	.5127	1, 937	.3210	1. 970	1, 70902	31, 212	27, 30	.5498	5, 378	2.924	1, 839	. 6373	. 1514
2.19	. 9500 -3	. 1861	.5104	1, 948	.3189	1. 987	1, 71393	31, 473	27, 17	.5484	5, 429	2.938	1, 848	. 6327	. 1502
2, 20	,9352 -1	. 1841	. 5081	1.960	.3169	2,005	1, 71791	31, 732	27, 04	.5471	5, 480	2.951	1, 857	. 6281	.1489
2, 21	,9207 -4	. 1820	. 5059	1.971	.3148	2,023	1, 72187	31, 991	26, 90	.5457	5, 531	2.965	1, 866	. 6236	.1476
2, 22	,9064 -1	. 1800	. 5086	1.982	.3127	2,041	1, 72579	32, 250	26, 77	.5444	6, 583	2.978	1, 875	. 6191	.1464
2, 23	,8923 -1	. 1780	. 5014	1.963	.3106	2,059	1, 72970	32, 507	26, 64	.5431	5, 636	2.992	1, 883	. 6145	.1452
2, 24	,8785 -1	. 1780	. 4991	2.004	.3085	2,078	1, 73357	32, 763	26, 51	.5418	5, 687	3.005	1, 892	. 6100	.1440
2. 25	. 8648 -1	. 1740	. 4909	2.016	.3065	2.096	1, 73742	33, 018	26, 39	.5406	5, 740	3, 019	1, 901	.0055	.1428
2. 26	- 8514 -1	. 1721	. 4947	2.027	.3044	2.115	1, 74125	33, 273	26, 26	.5393	5, 792	3, 032	1, 910	.0011	.1417
2. 27	- 8382 -1	. 1702	. 4925	2.038	.3023	2.134	1, 74504	33, 527	26, 14	.5381	5, 845	3, 045	1, 919	.5966	.1405
2. 28	- 8251 -1	. 1683	. 4903	2.049	.3003	2.154	1, 74882	33, 780	26, 01	.5368	5, 898	3, 058	1, 929	.5921	.1394
2. 29	- 8123 -1	. 1664	. 4881	2.060	.2582	2.173	1, 75257	34, G32	25, 89	.5356	5, 951	3, 071	1, 938	.5877	.1382
2.30	.7997 -1	.1646	. 4859	2.071	. 2961	2, 193	1, 75629	34, 283	25, 77	.5344	6, 005	3, 085	1, 917	. 5833	. 1371
2.31	.7873 -1	.1628	. 4837	2.052	. 2941	2, 213	1, 75999	34, 533	25, 65	.5332	6, 059	3, 096	1, 956	. 5789	. 1360
2.32	.7751 -1	.1609	. 4816	2.093	. 2920	2, 233	1, 76366	34, 783	25, 53	.5321	6, 113	3, 110	1, 965	. 5745	. 1349
2.33	.7631 -1	.1592	. 4794	2.104	. 2900	2, 254	1, 76731	35, 681	25, 42	.5309	6, 167	3, 123	1, 974	. 5702	. 1338
2.34	.7512 -1	.1574	. 4773	2.116	. 2879	2, 274	1, 77003	35, 279	25, 30	.5297	6, 222	3, 136	1, 981	. 5658	. 1328
2.35	.7396 -1	. 1556	. 4752	2, 127	2859	2, 295	1, 77453	35, 526	25, 18	.5286	6, 276	3. 149	1, 993	. 5615	.1317
2.36	.7281 -1	. 1539	. 4731	2, 138	2839	2, 316	1, 77811	35, 771	25, 07	.5275	6, 331	3. 162	2, 002	. 5572	.1307
2.37	.7168 -1	. 1522	. 4709	2, 149	2848	2, 338	1, 78166	36, 017	21, 96	.5264	6, 386	3. 174	2, 012	. 5529	.1207
2.38	.7057 -1	. 1505	. 4688	2, 160	2758	2, 359	1, 78519	36, 261	24, 85	.5253	6, 442	3. 187	2, 021	. 5486	.1286
2.39	.6948 -1	. 1488	. 4668	2, 171	2778	2, 381	1, 78869	36, 504	24, 73	.5242	6, 497	3. 199	2, 031	. 5444	.1276
2, 40 2, 41 2, 42 2, 43 2, 44	.6840 -1 .6734 -1 .6630 -1 .6527 -1 .6426 -1	.1472 .1456 .1439 .1424 .1408	. 4647 . 4626 . 4606 . 4585 . 4565	2, 182 2, 193 2, 204 2, 215 2, 226	. 2758 . 2738 . 2718 . 2688 . 2678	2, 400 2, 425 2, 448 2, 471 2, 494	1, 79218 1, 79563 1, 79907 1, 80248 1, 80587	36, 746 36, 988 37, 229 37, 469 37, 708	24, 62 24, 52 24, 41 24, 30 24, 19	.5231 .5221 .5210 .5200 .5189	6, 553 6, 609 6, 666 6, 722 6, 779	3, 212 3, 224 3, 237 3, 249 3, 261	2.040 2.050 2.050 2.069 2.069 2.079	.5401 .5359 .5317 .5276 .5234	.1266 .1257 .1247 .1237 .1238
2.45	.6327 -1	.1392	.4544	2, 237	. 2658	2,517	1, 80024	37, 946	24, 09	.5179	6, 836	3. 273	2, 088	.5193	.1218
2.46	.6229 -1	.1377	.4524	2, 248	. 2639	2,540	1, 81258	38, 183	23, 99	.5169	6, 894	3. 285	2, 098	.5152	.1249
2.47	.6133 -1	.1362	.4504	2, 259	. 2619	2,564	1, 81591	38, 420	23, 88	.5169	6, 951	3. 298	2, 108	.5111	.1200
2.48	.6038 -1	.1346	.4484	2, 269	. 2599	2,588	1, 81921	38, 655	23, 78	.5149	7, 009	3. 310	2, 118	.5071	.1191
2.49	.5945 -1	.1332	.4484	2, 280	. 2580	2,612	1, 82249	38, 890	23, 68	.5140	7, 067	3. 321	2, 128	.3030	.1182
2.50	. 5853 -1	.1317	. 4444	2, 291	. 2561	2, 637	1, 82574	39, 124	23, 58	.5130	7, 125	3, 333	2, 138	. 4990	. 1173
2.51	. 5762 -1	.1302	. 4425	2, 362	. 2541	2, 661	1, 82898	39, 357	23, 48	.5120	7, 183	3, 345	2, 147	. 4970	. 1164
2.52	. 5674 -1	.1288	. 4405	2, 313	2522	2, 686	1, 83219	39, 589	23, 38	.5111	7, 212	3, 357	2, 157	. 4911	. 1155
2.53	. 5586 -1	.1274	. 4386	2, 324	. 2503	2, 712	1, 83538	39, 820	23, 28	.5102	7, 301	3, 369	2, 167	. 4871	. 1147
2.54	. 5500 -1	.1290	. 4366	2, 335	. 2484	2, 737	1, 83835	40, 050	23, 18	.5092	7, 360	3, 380	2, 177	. 4832	. 1138
2.55	.54(5 -4	.1246	. 4347	2,346	. 2465	2, 763	1,84170	40, 280	23, 09	.5083	7, 420	3, 392	2, 187	.4703	.1130
2.56	.5332 -4	.1232	. 4328	2,357	. 2446	2, 789	1,84483	40, 509	22, 99	.5074	7, 479	3, 403	2, 198	.4754	.1122
2.57	.5250 -4	.1218	. 4309	2,367	. 2427	2, 815	1,84794	40, 736	22, 91	.5065	7, 539	3, 415	2, 208	.4715	.1113
2.58	.5169 -4	.1385	. 4289	2,378	. 2409	2, 812	1,85103	40, 963	22, 81	.5056	7, 599	3, 426	2, 218	.4677	.1105
2.59	.5090 -1	.1192	. 4271	2,389	. 2390	2, 869	1,85410	41, 189	22, 71	.5047	7, 659	3, 438	2, 228	.4639	.1097
2.60	.5012 =1	. 1179	. 4252	2, 400	. 2371	2, 896	1, 85714	41, 415	22. 62	.5039	7, 720	3, 449	2, 238	.4601	1089
2.61	.4935 =1	. 1166	. 4233	2, 411	. 23/3	2, 923	1, 86017	41, 639	22. 53	.5030	7, 781	3, 460	2, 219	.4564	1081
2.62	.4859 =1	. 1153	. 4214	2, 422	. 23/5	2, 951	1, 86318	41, 863	22. 44	.5022	7, 842	3, 471	2, 259	.1526	1074
2.61	.784 =1	. 1140	. 4196	2, 432	. 2317	2, 979	1, 86616	42, 086	22. 35	.5013	7, 903	3, 483	2, 260	.4489	1066
2.61	.4711 =4	. 1128	. 4177	2, 443	. 2298	3, 607	1, 86913	42, 307	22. 26	.5005	7, 965	3, 494	2, 280	.4452	1058
2.65	.4659 =1	.1115	.4159	2, 454	. 2280	3, 036	1, 87208	42, 529	22. 17	.4996	8, 026	3, 505	2, 200	.4316	. 1051
2.66	.4508 =1	.1103	.4141	2, 465	. 2262	3, 065	1, 87501	42, 749	22. 08	.4988	8, 088	3, 516	2, 301	.4379	. 1043
2.67	.4498 =1	.1091	.4122	2, 476	. 2243	3, 094	1, 87792	42, 968	22. 00	.4980	8, 150	3, 527	2, 311	.4343	. 1606
2.68	.4429 =1	.1059	.4104	2, 486	. 2227	3, 123	1, 88081	43, 187	21. 91	.4972	8, 213	3, 537	2, 322	.4307	. 1028
2.68	.4362 =1	.1067	.4086	2, 497	. 2209	3, 153	1, 88368	43, 405	21. 82	.4964	8, 275	3, 548	2, 332	.4271	. 1021
2.70	.4205 -1	. 1056	.4068	2, 508	. 2)92	3, 183	1, 88653	43, 621	21, 74	.4956	8, 338	3,579	2, 343	.4236	. 1014
2.71	.4220 -1	. 1044	.4051	2, 519	. 2174	3, 213	1, 88936	43, 838	21, 65	.4949	8, 401	3,570	2, 354	.4201	. 1007
2.72	.4165 -1	. 1031	.4033	2, 530	. 2157	3, 244	1, 89218	44, 053	21, 57	.4941	8, 465	3,580	2, 364	.4166	. 9958 -1
2.73	.4102 -1	. 1022	.4015	2, 540	. 2140	3, 275	1, 89497	44, 267	21, 49	.4933	8, 528	3,501	2, 373	.4131	. 9929 -1
2.74	.4039 -1	. 1010	.3098	2, 551	. 2123	3, 306	1, 89775	44, 481	21, 41	.4926	8, 502	3,601	2, 386	.4097	. 9860 -1
2.75	.3978 -t	.9994 -1	,3960	2, 562	. 2106	3. 338	1, 90051	44, 694	21, 32	.4918	8, 656	3, 612	2, 397	.4062	.9792 -1
2.76	.3917 -1	.9885 -1	,3963	2, 572	. 2089	3. 370	1, 90325	44, 906	21, 24	.4911	8, 721	3, 622	2, 407	.4028	.9721 -1
2.77	.3858 -1	.9778 -1	,3945	2, 583	. 2072	3. 402	1, 90508	45, 117	21, 16	.4903	8, 785	3, 633	2, 418	.3994	.9658 -1
2.78	.3799 -1	.9671 -1	,3928	2, 594	. 2055	3. 434	1, 90508	45, 327	21, 08	.4896	8, 830	3, 643	2, 429	.3961	.9591 -1
2.79	.3742 -1	.9566 -1	,3911	2, 605	. 2039	3. 467	1, 91137	45, 537	21, 00	.4889	8, 915	3, 653	2, 440	.3928	.9326 -1
2.80 2.81 2.82 2.83 2.84	.3685 -1 .3629 -1 .3574 -1 .3520 -1 .3467 -1	.9463 -1 .9360 -1 .9259 -1 .9358 -1 .9059 -1	.3894 .3977 .3860 .3844 .3827	2.615 2.626 2.637 2.647 2.658	. 2022 . 2006 . 1990 . 1973 . 1987	3, 500 3, 534 3, 567 3, 601 3, 636	1, 91404 1, 91669 1, 9193 1, 92195 1, 92455	45. 746 45. 954 46. 368 46. 573	20, 92 20, 85 20, 77 20, 69 20, 62	. 4882 . 4875 . 4868 . 4861 . 4854	8, 180 9, 045 9, 111 9, 177 9, 243	3. 664 3. 674 3. 684 3. 694 3. 704	2 451 2 462 2 473 2 484 2 496	.3895 .5862 .3829 .3797 .3765	9461
2.85	.3415>	.8962 -1	.3810	2.660	. 1941	3, 671	1, 92714	46, 778	20. 54	.4847	9, 310	3. 714	2, 507	.3733	.9147 -1
2.86	.3363>	.8865 -1	.3791	2.679	. 1926	3, 706	1, 92870	46, 982	20. 47	.4840	9, 376	3. 724	2, 518	.3701	.9086 -1
2.87	.3312>	.8769 -1	.3777	2.690	. 1910	3, 741	1, 92225	47, 185	20. 39	.4833	9, 443	3. 734	2, 529	.3670	.9026 -1
2.88	.3263>	.8675 -1	.3761	2.701	. 1894	3, 777	1, 93479	47, 388	20. 32	.4827	9, 510	3. 743	2, 540	.3639	.8966 -1
2.89	.3213>	.8581 -1	.3745	2.711	. 1879	3, 813	1, 93731	47, 589	20. 24	.4820	9, 577	3. 753	2, 552	.3608	.8966 -1
2,90	.3165 -1	.8489 -1	.3729	2, 722	. 1843	3, 850	1, 93981	47, 790	20, 17	.4814	9, 645	3, 763	2, 563	.3577	.8848 -1
2,91	.3118 -1	.8398 -1	.3712	2, 733	- 1848	3, 887	1, 94230	47, 990	20, 10	.4807	9, 713	3, 773	2, 575	.3547	.8790 -1
2,1/2	.3071 -1	.8307 -1	.3696	2, 743	- 1833	3, 924	1, 94477	48, 190	20, 03	.4801	9, 781	3, 782	2, 586	.3517	.8732 -1
2,93	.3025 -1	.8218 -1	.3681	2, 751	- 1818	3, 961	1, 94722	48, 388	19, 96	.4795	9, 849	3, 792	2, 568	.3487	.8675 -1
2,94	.2060 -1	.8130 -1	.3665	2, 765	- 1803	3, 969	1, 94966	48, 586	19, 89	.4788	9, 918	3, 801	2, 609	.3457	.8619 -1
2.95 2.96 2.97 2.98 2.99	. 2935 -1 . 2891 -1 . 2848 -1 . 2805 -1 . 2764 -1	.8043 -0 .7957 -1 .7872 -0 .7788 -0 .7705 -1	.3649 .3633 .3618 .3602 .3587	2, 775 2, 786 2, 797 2, 807 2, 818	.1788 .1773 .1758 .1744 .1729	4. 038 4. 076 4. 115 4. 155 4. 194	1, 95208 1, 95449 1, 95988 1, 95925 1, 96162	48, 783 48, 980 49, 175 49, 370 49, 564	19.81 19.75 19.68 19.61 19.54	.4782 .4776 .4770 .4764 .4758	9, 986 10, 96 10, 12 10, 19 10, 25	3.820 3.829 3.839 3.848	2. 621 2. 632 2. 644 2. 656 2. 667	.3428 .3398 .3369 .3340 .3312	.893 =1 .896 =1 .8453 =1 .8398 =1 .8345 =1
3.00 3.01 3.02 3.03 3.04	.2722 -1 .2682 -1 .2642 -1 .2663 -1 .2564 -1	.7461 ~1 .7382 ~1	.3571 .3556 .3541 .3526 .3511	2,828 2,839 2,850 2,850 2,860 2,871	. 1715 . 1701 . 1687 . 1673 . 1659	4, 235 4, 275 4, 316 4, 357 4, 399	1, 96396 1, 96629 1, 96861 1, 97091 1, 97319	49. 757 49. 950 50. 142 50. 333 50. 523	19. 47 19. 40 19. 34 19. 27 19. 20	.4752 .4746 .4740 .4734 .4729	10. 33 10. 40 10. 47 10. 54 10. 62	3.857 3.866 3.875 3.884 3.893	2. 679 2. 691 2. 703 2. 714 2. 726	.3283 .3255 .3227 .3200 .3172	8235



t a ray